

Câu 1 (1. điểm). Tìm tập xác định của hàm số:

a) $y = \frac{x+3}{x^2-5x-6}$. b) $y = \sqrt{4+x} + \sqrt{2-x}$

Câu 2 (2. điểm). Giải các phương trình

a) $(2x+1)^2 - (x-1)^2 = 9$.

b) $\sqrt{x^2+3x+11} = 2x-1$

c) $\frac{2x-1}{x-2} + x - 1 = \frac{1}{x-2}$

Câu 3 (1 điểm5).

Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho hai véc-tơ $\vec{a} = (1; -\sqrt{3})$, $\vec{b} = (1; \sqrt{3})$.

Tính $|\vec{a}|$, $|\vec{b}|$, $\vec{a} \cdot \vec{b}$, và góc hợp bởi hai véc-tơ \vec{a} , \vec{b} .

Câu 4 (1 điểm5).

Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho ba điểm $A(4;2)$, $B(-2;0)$, $C(2;4)$. Chứng minh tam giác ABC vuông.

Câu 5 (1 điểm5).

Cho phương trình $x^2 - 2(1-m)x - 4m + 4 = 0$. Tìm điều kiện của tham số m để phương trình có hai nghiệm x_1, x_2 thỏa mãn $(x_1 - x_2)^2 + x_1x_2 = 16$

Câu 6 (1 điểm5). Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho ba điểm $A(0;1+\sqrt{3})$, $B(2;1+\sqrt{3})$ và đường thẳng $(d): 3x - y - 2 = 0$. Tìm điểm C trên đường thẳng (d) sao cho tam giác ABC là tam giác đều.

Câu 7 (1 điểm). Giải phương trình

$$4\sqrt{x^2-16} - 5x + 2\sqrt{x+4} - \sqrt{x-4} + 8 = 0$$

HẾT.

Câu 1.(1 điểm)

a) Đk: $x^2 - 5x - 6 \neq 0$ (0,25d) $\Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -1 \\ x \neq 6 \end{cases} \Leftrightarrow D = R \setminus \{-1; 6\}$ (0,25d)

b) Đk: $\begin{cases} 4+x \geq 0 \\ 2-x \geq 0 \end{cases}$ (0,25d) $\Leftrightarrow \begin{cases} x \geq -4 \\ x \leq 2 \end{cases} \Leftrightarrow D = [-4; 2]$ (0,25d)

Câu 2. (2điểm)

a) $(2x+1)^2 - (x-1)^2 = 9 \Leftrightarrow 3x^2 + 6x - 9 = 0$ (0,5d) $\Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -3 \end{cases}$ (0,25d)

b) $\sqrt{x^2 + 3x + 11} = 2x - 1 \Leftrightarrow \begin{cases} 2x - 1 \geq 0 \\ x^2 + 3x + 11 = (2x - 1)^2 \end{cases}$ (0,25) $\Leftrightarrow \begin{cases} x \geq \frac{1}{2} \\ 3x^2 - 7x - 10 = 0 \end{cases}$ (0,25) $\Leftrightarrow x = \frac{10}{3}$ (0,25d)

c)

$\frac{2x-1}{x-2} + x - 1 = \frac{1}{x-2} \Leftrightarrow \frac{2x-1}{x-2} + x - 1 - \frac{1}{x-2} = 0 \Leftrightarrow \frac{x^2 - x}{x-2} = 0$ (0,25d) $\Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \end{cases}$ (0,25d)

Câu 3 (1 điểm5).

$\vec{a} = (1; -\sqrt{3}), \vec{b} = (1; \sqrt{3})$.

$|\vec{a}| = 2, |\vec{b}| = 2$ (0,5d), $\vec{a} \cdot \vec{b} = 1 - 3 = -2$ (0,5d); $\cos(\vec{a}, \vec{b}) = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| |\vec{b}|} = -\frac{1}{2}$ (0,25) $\Rightarrow (\vec{a}, \vec{b}) = 120^\circ$ (0,25d)

Câu 4 (1 điểm5).

$\overline{AB} = (-6; -2); \overline{AC} = (-2; 2); \overline{BC} = (4; 4)$ (0,5d).

$AB^2 = 40; AC^2 = 8; BC^2 = 32$ (0,5d) $\Rightarrow AC^2 + BC^2 = AB^2 \Rightarrow \Delta ABC$ vuông tại C (0,5d)

Câu 5 (1 điểm5).

$\Delta = m^2 + 2m - 3; \Delta \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m \geq 1 \\ m \leq -3 \end{cases}$ (0,25d); $x_1 + x_2 = 2(1 - m); x_1 x_2 = 4 - 4m$ (0,25d)

$(x_1 - x_2)^2 + x_1 x_2 = 16 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 3x_1 x_2 = 16$ (0,5d) $\Leftrightarrow 4m^2 + 4m - 24 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 2 \\ m = -3 \end{cases}$: thỏa đk (0,5đ)

Câu 6 (1 điểm)

$$C(x; y) \in (d) \Leftrightarrow C(x; 3x-2) \quad \overline{AB} = (2; 0); \overline{AC} = (x; y-1-\sqrt{3}); \overline{BC} = (x-2; y-1-\sqrt{3}) \quad (0,25d).$$

$$\text{Tam giác ABC đều} \Leftrightarrow \begin{cases} AC = AB \\ AC = BC \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + (y-1-\sqrt{3})^2 = 4 \\ x^2 + (y-1-\sqrt{3})^2 = (x-2)^2 + (y-1-\sqrt{3})^2 \end{cases} \quad (0,5đ).$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 1 + (y-1-\sqrt{3})^2 = 4 \\ x = 1 \end{cases} \quad (0,25d) \Leftrightarrow \begin{cases} y-1-\sqrt{3} = \pm\sqrt{3} \\ x = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 2\sqrt{3}+1 \\ y = 1 \\ x = 1 \end{cases} \quad (0,25d)$$

Các điểm cần tìm là $C(1; 2\sqrt{3}+1)$; $C(1; 1)$ (0,25đ).

Câu 7 (1 điểm). Giải phương trình

$$4\sqrt{x^2-16} - 5x + 2\sqrt{x+4} - \sqrt{x-4} + 8 = 0 \quad (1)$$

Đk: $x \geq 4$, đặt $t = 2\sqrt{x+4} - \sqrt{x-4}$. Vì $\sqrt{x+4} > \sqrt{x-4}$ nên $t > 0$. (0đ25)

$$t^2 = 5x + 12 - 4\sqrt{x^2-16} \Rightarrow 4\sqrt{x^2-16} - 5x = 12 - t^2$$

$$\text{PT (1) thành } t^2 - t - 20 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = 5 \\ t = -4 \end{cases}. \text{ Vì } t > 0 \text{ nên } t = 5. \quad (0 \text{ đ } 25)$$

$$t = 5 \Leftrightarrow 2\sqrt{x+4} = \sqrt{x-4} + 5 \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 4 \\ 4(x+4) = x-4 + 25 + 10\sqrt{x-4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 4 \\ 3x-5 = 10\sqrt{x-4} \end{cases} \quad (0,25d)$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 4 \\ 3x-5 \geq 0 \\ (3x-5)^2 = 100(x-4) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 4 \\ 9x^2 - 130x + 425 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 5 \\ x = \frac{85}{9} \end{cases} \quad (0,25d)$$