

Bài 1 (2 điểm):

Câu 1. Thực hiện các phép tính:

a) $\sqrt{32} - 2\sqrt{18} + 4\sqrt{50}$

b) $\frac{2}{\sqrt{10}-3} + \frac{2}{\sqrt{10}+3}$

c) $3\sqrt{12} + \sqrt{(1-\sqrt{3})^2} - \frac{\sqrt{33}}{\sqrt{11}} + 1$

Câu 2. Giải phương trình: $\sqrt{4x-8} - \frac{1}{3}\sqrt{9x-18} = 3\sqrt{x-2} - 1$

Bài 2 (2 điểm):

Cho biểu thức $A = \frac{2\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}-3}$ và $B = \frac{2x+3\sqrt{x}+9}{x-9} - \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3}$ với $x \geq 0; x \neq 9$

1. Tính giá trị của biểu thức A khi $x = 36$.

2. Rút gọn biểu thức B.

3. Cho $P = \frac{A}{B}$. Tìm giá trị nhỏ nhất của P.

Bài 3 (2 điểm):

Cho hàm số bậc nhất $y = (m-2)x + m + 1$ có đồ thị là đường thẳng (d) (với m là tham số).

1. Tìm m để (d) đi qua điểm $A(1; -1)$. Vẽ (d) với m vừa tìm được.

2. Với giá trị nào của m thì (d) và đường thẳng (d'): $y = 1 - 3x$ song song với nhau?

3. Tìm m để khoảng cách từ gốc tọa độ O đến (d) bằng 1.

Bài 4 (3,5 điểm):

Cho đường tròn (O; R) và điểm M cố định ngoài (O), kẻ các tiếp tuyến MA, MB với (O) (A, B là tiếp điểm).

1. Chứng minh rằng bốn điểm M, A, O, B thuộc một đường tròn.

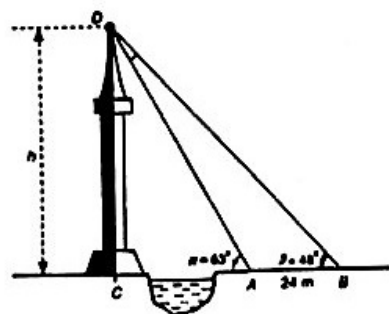
2. Kẻ đường kính BD của (O). Chứng minh OM vuông góc AB và MO song song với AD.

3. Trên cung nhỏ AB lấy điểm E và từ E kẻ tiếp tuyến với (O) cắt MA, MB lần lượt tại I và K. Chứng minh chu vi tam giác MIK và độ lớn góc IOK không phụ thuộc vào vị trí điểm E.

4. Đường thẳng qua O vuông góc với OM cắt MA, MB lần lượt tại H và G. Tìm vị trí điểm E để tổng IH + KG có độ dài nhỏ nhất.

Bài 5 (0,5 điểm):

Để đo chiều cao h của ngọn tháp một cách gián tiếp, bạn Nam đã dùng thước ngắm tại các vị trí A, B để nhìn lên ngọn tháp. Biết $AB = 24m$, góc nhìn lên ngọn tháp tại các vị trí A, B lần lượt là $\alpha = 63^\circ$, $\beta = 48^\circ$. Em hãy giúp bạn Nam tính chiều cao h của ngọn tháp (làm tròn đến chữ số thập phân thứ nhất).



Hết